

Họ và tên: Số báo danh: Mã đề 101

Câu 1. Cho cấp số nhân (u_n) có $u_1 = -3$ và $q = \frac{2}{3}$. Mệnh đề nào sau đây đúng?

- A. $u_5 = -\frac{27}{16}$. B. $u_5 = \frac{16}{27}$. C. $u_5 = \frac{27}{16}$. D. $u_5 = -\frac{16}{27}$.

Câu 2. Cho khối lăng trụ đứng $ABC.A'B'C'$ có $\widehat{BAC} = 30^\circ$, $AB = 3a$ và $AC = 4a$. Gọi M là trung điểm của $B'C'$, biết khoảng cách từ M đến mặt phẳng $(B'AC)$ bằng $\frac{3a\sqrt{5}}{10}$. Tính thể tích khối lăng trụ đã cho.

- A. $4a^3$. B. $9a^3$. C. $27a^3$. D. $7a^3$.

Câu 3. Tìm nguyên hàm của hàm số $f(x) = x^{\frac{1}{2}}$.

- A. $\int f(x)dx = \frac{2}{3}x^{\frac{3}{2}} + C$. B. $\int f(x)dx = \frac{3}{2}x^{\frac{3}{2}} + C$.
C. $\int f(x)dx = -2x^{\frac{-1}{2}} + C$. D. $\int f(x)dx = -\frac{1}{2}x^{\frac{-1}{2}} + C$.

Câu 4. Cho hàm số $y = f(x)$ có đạo hàm $f'(x) = x(4-x)$, $\forall x \in \mathbb{R}$. Khẳng định nào sau đây đúng?

- A. $f(4) < f(2)$. B. $f(4) < f(0)$. C. $f(5) < f(6)$. D. $f(0) < f(2)$.

Câu 5. Cho khối nón có độ dài đường sinh $l = 5$ và chiều cao $h = 3$. Thể tích khối nón đã cho bằng

- A. 16π . B. 12π . C. 24π . D. 4π .

Câu 6. Tập hợp các điểm biểu diễn số phức z thỏa mãn $|\bar{z} + 1 - i| = 2$ là đường tròn có phương trình

- A. $(x+1)^2 + (y-1)^2 = 4$. B. $(x+1)^2 + (y+1)^2 = 4$. C. $(x-1)^2 + (y-1)^2 = 4$. D.

$(x-1)^2 + (y+1)^2 = 4$.

Câu 7. Có bao nhiêu số nguyên dương a sao cho ứng với mỗi a có đúng một số nguyên b thỏa mãn $(2^b - 1)(a \cdot 3^b - 4) < 0$.

- A. 26. B. 25. C. 23.

Câu 8. Xét các số phức z_1, z_2 thỏa mãn $|z_1| = 1, |z_2| = 5, |2z_1 - z_2| = 3\sqrt{5}$. Tính $|z_1 + 2z_2|$.

- A. $\sqrt{85}$. B. $5\sqrt{5}$. C. 11. D. $5\sqrt{2}$.

Câu 9. Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho vector $\vec{u} = (3; 0; 1)$ và $\vec{v} = (2; 1; 0)$. Tính tích vô hướng $\vec{u} \cdot \vec{v}$.

- A. $\vec{u} \cdot \vec{v} = 8$. B. $\vec{u} \cdot \vec{v} = -6$. C. $\vec{u} \cdot \vec{v} = 6$. D. $\vec{u} \cdot \vec{v} = 0$.

Câu 10. Trên mặt phẳng tọa độ, điểm nào dưới đây là điểm biểu diễn của số phức $z = 3 - 2i$?

- A. $Q(2; -3)$. B. $N(3; -2)$. C. $P(-3; 2)$. D. $M(-2; 3)$.

Câu 11. Trong không gian $Oxyz$, cho hai điểm $A(3; 2; -1)$, $B(-1; 4; 5)$. Phương trình mặt phẳng trung trực của đoạn thẳng AB là

- A. $2x + y + 3z - 11 = 0$. B. $2x - y - 3z + 7 = 0$. C. $-2x + y + 3z + 7 = 0$. D. $2x - y - 3z - 7 = 0$.

Câu 12. Đường tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị hàm số $y = \frac{-x-2}{x-1}$ có phương trình là

- A. $x = -1; y = 1$. B. $x = 1; y = 1$. C. $x = -1; y = -1$. D. $x = 1; y = -1$.

Câu 13. Một khối trụ có đường cao bằng 5, chu vi của thiết diện qua trục gấp 3 lần đường kính đáy. Thể tích của khối trụ bằng

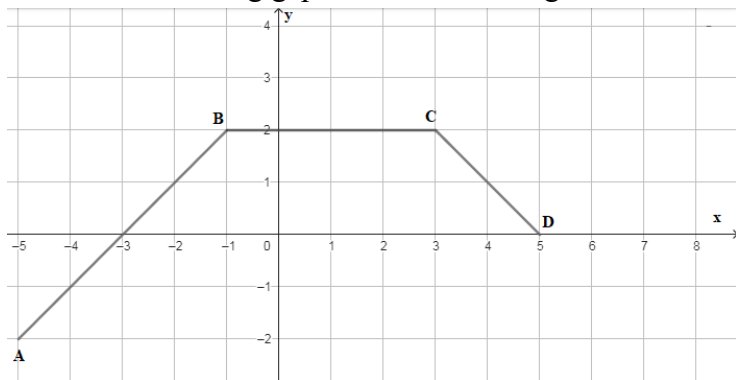
A. 125π .

B. 2π .

C. 8π .

D. $\frac{8\pi}{3}$.

Câu 14. Cho đường gấp khúc ABCD trong hình bên dưới là đồ thị hàm số $y = f(x)$ trên đoạn $[-5; 5]$



Tính tích phân $\int_{-5}^5 f(x)dx$.

A. 8.

B. 14.

C. 10

D. 12.

Câu 15. Cho hàm số $y = f(x)$ có bảng biến thiên như sau:

x	$-\infty$	-2	0	2	$+\infty$				
$f'(x)$		$+$	0	$-$	0	$+$	0	$-$	
$f(x)$			3		-1		3		$-\infty$

Hàm số $y = f(x)$ nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

A. $(-2; 0)$

B. $(-\infty; -2)$

C. $(0; +\infty)$

D. $(0; 2)$

Câu 16. Trong không gian $Oxyz$, cho mặt phẳng $(\alpha): 2x + y - 3 = 0$. Vector pháp tuyến của mặt phẳng (α) tọa độ là

A. $(2; 1; 0)$.

B. $(2; 1; -3)$.

C. $(0; 0; -3)$.

D. $(2; 1; 3)$.

Câu 17. Hình chóp $S.ABC$ có chiều cao $h = a$, diện tích tam giác ABC là $3a^2$. Tính thể tích khối chóp $S.ABC$.

A. $3a^3$.

B. $\frac{3}{2}a^3$.

C. a^3 .

D. $\frac{a^3}{2}$.

Câu 18. Cho dãy số (u_n) , biết $u_n = 2^n$. Tìm số hạng u_{n+1} .

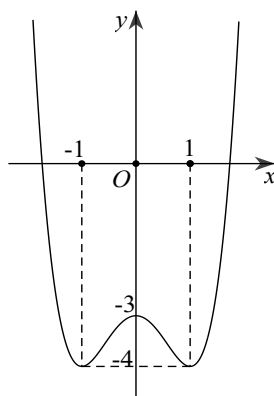
A. $u_{n+1} = 2^n + 2$.

B. $u_{n+1} = 2^n + 1$.

C. $u_{n+1} = 2^n \cdot 2$.

D. $u_{n+1} = 2(n+1)$.

Câu 19. Cho hàm số trùng phương $y = f(x)$ có đồ thị là đường cong trong hình bên dưới.



Giá trị cực đại của hàm số đã cho là

A. 0.

B. -1.

C. -3.

D. -4.

Câu 20. Cho hàm số $y = f(x)$. Hàm số $y = f'(x)$ có bảng biến thiên như hình vẽ sau

x	$-\infty$	-4	4	$+\infty$
$f'(x)$	$+\infty$		0	$-\infty$

$\swarrow$ $\nearrow$ $\searrow$
 -3

Bất phương trình $f(x) > m - e^{-x}$ có nghiệm $x \in (-2; 2)$ khi và chỉ khi

A. $m \leq f(-2) + e^2$.B. $m \leq f(2) + e^{-2}$.C. $m < f(2) + e^{-2}$.D. $m < f(-2) + e^2$.

Câu 21. Số nghiệm của phương trình $2^{x^2-3x} = 1$ là

A. B. 1.

B. 2.

C. 3.

Câu 22. Số phức $-3 + 7i$ có phần ảo bằng:

A. -3.

B. $7i$.

C. -7.

D. 7.

Câu 23. Trong không gian $Oxyz$, cho tứ diện $ABCD$ có $A(1;1;1), B(2;0;2), C(-1;-1;0), D(0;3;4)$. Trên các cạnh AB, AC, AD lần lượt lấy các điểm B', C', D' sao cho $\frac{AB}{AB'} + \frac{AC}{AC'} + \frac{AD}{AD'} = 4$. Viết phương trình mặt phẳng

$(B'C'D')$ biết tứ diện $AB'C'D'$ có thể tích nhỏ nhất.

A. $16x + 40y - 44z + 39 = 0$.B. $16x - 40y - 44z + 39 = 0$.C. $16x - 40y - 44z - 39 = 0$.D. $16x + 40y + 44z - 39 = 0$.

Câu 24. Cho số phức z_1, z_2 thỏa mãn $\left| \frac{z_1 - i}{z_1 + 2 + 3i} \right| = 1, \left| \frac{z_2 + i}{z_2 - 1 + i} \right| = \sqrt{2}$. Giá trị nhỏ nhất của $|z_1 - z_2|$ đạt tại $z_1 = a_1 + b_1i, z_2 = a_2 + b_2i$. Tính giá trị $a_1a_2 + b_1b_2$.

A. 1.

B. -1

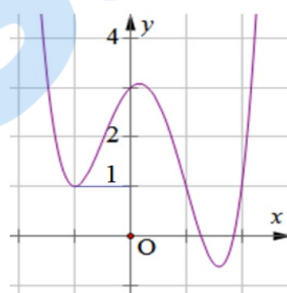
C. -3

D. 3

Câu 25. Rút gọn biểu thức $P = x^{\frac{1}{3}} \cdot \sqrt[6]{x^3}$ với $x > 0$ được

A. $P = \sqrt{x}$.B. $P = x^{\frac{1}{8}}$.C. $P = x^{\frac{5}{6}}$.D. $P = x^{\frac{2}{9}}$.

Câu 26. Cho hàm số $y = f(x)$ có đồ thị như hình vẽ sau



Số nghiệm của phương trình $f(x) - 1 = 0$ là

A. 1.

B. 4.

C. 3.

D. 2.

Câu 27. Cho hình lập phương $ABCD.A'B'C'D'$ có cạnh bằng a . Góc giữa $(BA'C)$ và $(DA'C)$ bằng

A. 60° .B. 90° .C. 45° .D. 30° .

Câu 28. Gọi S là tập hợp tất cả các giá trị nguyên của tham số m thuộc đoạn $[-2024; 2024]$ để hàm số

$f(x) = \frac{2}{3}x^3 - \frac{1}{2}(m+3)x^2 + (3-m)x + 2024$ nghịch biến trên khoảng $(1; 2)$. Số phần tử của tập S là

A. 2023.

B. 2022.

C. 2025.

D. 2024.

Câu 29. Gieo ngẫu nhiên một con xúc sắc cân đối đồng chất 2 lần. Tính xác suất để số chấm của hai lần gieo là bằng nhau

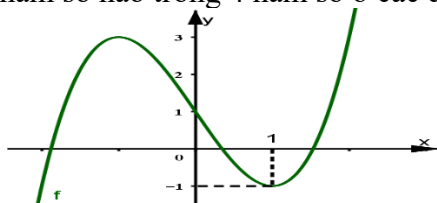
A. $\frac{1}{6}$.

B. $\frac{1}{5}$.

C. $\frac{1}{7}$.

D. $\frac{1}{8}$.

Câu 30. Đồ thị hình bên dưới là của hàm số nào trong 4 hàm số ở các đáp án A, B, C, D?



A. $y = -x^3 - 3x^2 + 1$.

B. $y = x^3 - 3x + 1$.

C. $y = x^3 + 3x + 2$.

D. $y = x^3 + 3x + 1$.

Câu 31. Cho khối chóp $S.ABCD$ có đáy là hình vuông cạnh $3a$, SA vuông góc với mặt phẳng đáy, SC tạo với mặt phẳng (SAB) một góc 30° . Tính thể tích khối chóp $S.ABCD$

A. $9\sqrt{2}a^3$.

B. $\frac{2a^3}{9}$.

C. $\frac{2a^3}{3}$.

D. $3\sqrt{2}a^3$.

Câu 32. Tập xác định của hàm số $y = \ln \frac{\sqrt{x}-1}{x-2}$ là

A. $(2; +\infty)$.

B. $[0; 1]$.

C. $(1; 2)$.

D. $[0; 1) \cup (2; +\infty)$.

Câu 33. Cho hình chóp $S.ABC$ có $SA \perp (ABC)$, tam giác ABC vuông tại B . Biết $SA = 2a$, $AB = a$, $BC = a\sqrt{3}$. Tính bán kính R của mặt cầu ngoại tiếp hình chóp.

A. $2a\sqrt{2}$.

B. a .

C. $a\sqrt{2}$.

D. $2a$.

Câu 34. Cho khối lăng trụ có đáy là hình vuông cạnh a và chiều cao bằng $4a$. Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng

A. $16a^3$.

B. $4a^3$.

C. $\frac{4}{3}a^3$.

D. $\frac{16}{3}a^3$.

Câu 35. Với $a > 0$, $b > 0$ và $a \neq 1$, thì $\log_{\sqrt{a}}(a\sqrt{b})$ bằng

A. $\frac{1}{2} + \log_a b$.

B. $2 + \log_a b$.

C. $2 + \frac{1}{2}\log_a b$.

D. $1 + 2\log_a b$.

Câu 36. Cho hình chóp $S.ABC$ có đáy là tam giác vuông tại A , $AB = a$, $AC = a\sqrt{3}$, SA vuông góc với mặt phẳng đáy và $SA = 2a$. Khoảng cách từ điểm A đến mặt phẳng (SBC) bằng

A. $\frac{2a\sqrt{3}}{19}$.

B. $\frac{a\sqrt{57}}{19}$.

C. $\frac{2a\sqrt{57}}{19}$.

D. $\frac{2a\sqrt{38}}{19}$.

Câu 37. Cho x, y thỏa $\log_2(x+y) + (x+y)^2 - 2(x+y) = 1$ với $x \geq 2y > 0$. Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức

$$S = x^2 + xy + y^2.$$

A. $\frac{32}{9}$.

B. 4 .

C. $\frac{28}{9}$.

Câu 38. Trong không gian $Oxyz$, cho mặt cầu $(S): (x-2)^2 + (y+1)^2 + (z-3)^2 = 4$. Tâm của (S) có tọa độ là

A. $(4; -2; 6)$.

B. $(-2; 1; -3)$.

C. $(2; -1; 3)$.

D. $(-4; 2; -6)$.

Câu 39. Trong không gian $Oxyz$, cho $M(2; 1; -3)$. Hình chiếu M lên mặt phẳng có Oxy tọa độ là

A. $(2; 1; 3)$.

B. $(2; 1; 0)$.

C. $(2; 1; -3)$.

D. $(0; 0; -3)$.

Câu 40. Đạo hàm của hàm số $y = e^{1-2x}$ là

A. $y' = 2e^{1-2x}$.

B. $y' = -2e^{1-2x}$.

C. $y' = e^{1-2x}$.

D. $y' = e^x$.

Câu 41. Cho hàm số $y = f(x)$ liên tục trên $\mathbb{R} \setminus \{0; -2\}$ thỏa mãn điều kiện $f(1) = -3\ln 3$ và $x(x+2) \cdot f'(x) + 2f(x) = x^2 + 3x + 2$. Giá trị $f(2) = a + b\ln 2$, với $a, b \in \mathbb{Q}$. Tính $a^2 + b^2$.

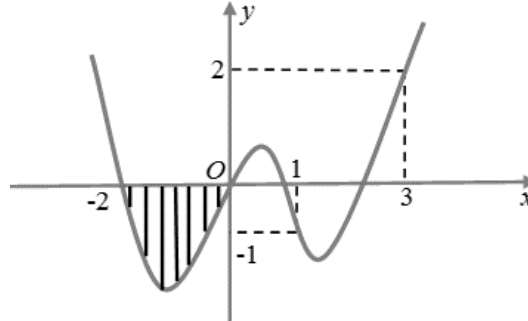
A. 18 .

B. 20 .

C. $\frac{25}{4}$.D. $\frac{17}{2}$.

Câu 42. Cho hàm số $y = f(x)$ có đạo hàm trên $\mathbb{R}$, đồ thị hàm số $y = f'(x)$ như hình vẽ. Biết diện tích hình phẳng phần sọc kẻ bằng 3. Tính giá trị của biểu thức:

$$T = \int_{\frac{1}{2}}^1 f'(2x+1)dx + \int_1^3 f'(2x-4)dx + \int_3^4 f(2x-8)dx$$

A. $T = 1$.B. $T = 5$.C. $T = \frac{5}{2}$.D. $T = \frac{-1}{2}$.

Câu 43. Cho $\int_0^3 f(x)dx = -2$ và $\int_3^4 f(x)dx = 5$ khi đó $\int_0^4 f(x)dx$ bằng:

A. -2 .

B. 3 .

C. 7 .

D. 5 .

Câu 44. Tìm nguyên hàm của hàm số $f(x) = \sin x + 6x$ là

A. $-\cos x + 3x^2 + C$.B. $\cos x + 6x^2 + C$.C. $-\cos x + C$.D. $\cos x + 3x^2 + C$.

Câu 45. Gọi $F(x)$ là nguyên hàm của hàm số $f(x)$ biết $F(-1) = -1$, $F(1) = 1$. Tính $I = \int_{-1}^1 f(x)dx$

A. $I = 2$.B. $I = 0$.C. $I = -2$.D. $I = 1$.

Câu 46. Cho hai số phức $z = 4 + 2i$ và $w = 1 + i$. Môđun của số phức $z \cdot \bar{w}$ bằng

A. $2\sqrt{2}$.

B. 40 .

C. 8 .

D. $2\sqrt{10}$.

Câu 47. Trong không gian $Oxyz$, cho mặt phẳng $(\alpha): 2x - y + z - 3 = 0$. Phương trình mặt phẳng (β) đi qua $M(0;1;2)$ và song song với mặt phẳng (α) là

A. $(\alpha): 2x - y + z + 1 = 0$.B. $(\alpha): 2x - y - z - 1 = 0$.C. $(\alpha): 2x - y + z - 1 = 0$.D. $(\alpha): 2x - y + z - 2 = 0$.

Câu 48. Giá trị nhỏ nhất của hàm số $y = x^3 + 2x^2 - 7x$ trên đoạn $[0;4]$ bằng

A. 68 .

B. -259 .

C. 0 .

D. -4 .

Câu 49. Tập nghiệm của bất phương trình $\log_3(x^2 + 4x + 3) \geq 1$ là

A. $(-4;0)$.B. $(-\infty; -4] \cup [0; +\infty)$.C. $[-4;0]$.

Câu 50. Cho hàm số $f(x) = x^4 - 32x^2 + 4$. Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số m sao cho ứng với mỗi m , tổng giá trị các nghiệm phân biệt thuộc khoảng $(-4;1)$ của phương trình $f(x^2 + 4x + 5) = m$ bằng -8?

A. 79 .

B. 82 .

C. 80 .

D. 81 .

----- HẾT -----

ĐÁP ÁN

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25
A	B	B	B	D	D	B	D	B	B	D	B	D	B	D	C	A	C	B	C	A	B	B	B	A

26	27	28	29	30	31	32	33	34	35	36	37	38	39	40	41	42	43	44	45	46	47	48	49	50
C	B	B	A	B	C	A	C	C	D	A	C	B	D	D	D	D	B	C	B	C	D	C	B	A

